

$$\begin{aligned}
&= \frac{1}{i} \frac{\delta f_i}{\delta f_j} \left( \frac{G_{24}}{i} G_3 \cdot f + G_4 \cdot f G_{32} + \frac{G_{34}}{i} G_3 \cdot f + O(f^2) \right) e^{\frac{i}{\hbar} f G_f} \Big|_{f=0} \\
&= \frac{G_{24}}{i} \frac{G_{13}}{i} + \frac{G_{14}}{i} \frac{G_{32}}{i} + \frac{G_{34}}{i} \frac{G_{12}}{i} \\
&= \frac{1}{i^2} (G(t_1 - t_3) G(t_2 - t_4) + G(t_1 - t_4) G(t_2 - t_3) \\
&\quad + G(t_1 - t_3) G(t_3 - t_4))
\end{aligned}$$

即  $t_1, t_2, \dots, t_4$  的排列组合数为  $\frac{4!}{2!}$ 。

- 例如  $t_1, t_2, t_3, t_4$  的  $n=4$  时，Green's fn. 有  $6$  项

$$\langle 0 | T Q(t_1) \cdots Q(t_n) | 0 \rangle = \frac{1}{i^n} \sum_{\text{pairing}} G(t_{i_1} - t_{j_1}) \cdots G(t_{i_m} - t_{j_m})$$

或  $\sum$  (Wick 定理)