オルソポジトロニウムの 寿命測定によるQEDの実験的検証

課題演習A2 2016年後期

大田力也 鯉渕駿 龍澤誠之 羽田野真友喜 松尾一輝 三野裕哉



1. イントロダクション

2. 実験原理

5. 結果、考察、まとめ

第1章 イントロダクション



・ポジトロニウム(後述)の崩壊を観測 →オルソポジトロニウム(スピン1状態)の寿命を測定

・量子電磁気学(QED)による理論値との比較検証

ポジトロニウムとは

・電子と陽電子の電気的な束縛状態。 →2つのスピン状態をとることができる。

 $1/\sqrt{2} (/\uparrow\downarrow) - /\downarrow\uparrow))$

 $/\downarrow\downarrow\rangle$

→2個の光子に崩壊
 511keVずつのガンマ線を放出

→3個の光子に崩壊 連続スペクトル

ポジトロニウムの寿命

寿命を計算 →ファインマンダイアグラムから遷移確率への寄与を計算すればよい



図1.1 パラポジトロニウムの2光子崩壊 図1.2 オルソポジトロニウムの3光子崩壊 オルソポジトロニウムの方が寿命が長い



図1.3 もう1つ高次のファインマンダイアグラム(パラポジトロニウムの場合)

最低次より*a*¹²だけ遷移確率が小さい

より高次の項も含めた詳細な計算によると、

パラポジトロニウム : 0.123 nsec

8

オルソポジトロニウム : 142 nsec

第2章 実験原理



線源²²Naのβ⁺崩壊によるe⁺ シリカパウダーSiO₂中のe⁻ →o-Psとp-Ps →対消滅によるγ線

PS(プラスチックシンチレータ)でe⁺を検出する。 Psが放出するγ線をNalで検出する。 これらに現れる検出時間の差をPsの寿命とする。







図2.2:線源側から見たNalの配置

図2.1: セットアップの模式図

実際のセットアップ







図2.3: セットアップ(真上から見た)

図2.4: セットアップ(斜めから見た)



²²Na : β⁺崩壊によってe⁺を放出する線源。

・シリカパウダー : e⁻を多く有し、e⁺を受けてPsを形成する。

・PS : e⁺を検出する。減衰時間が短く高速時間測定用として用いられる。

Nal : γ線を検出する。発光量が多い。

・PMT(光電子増倍管) : 光子を受け、電子増倍器で増幅した電子パルスを出す。Nalと組み合わせて用いた。

- ・鉛ブロック : 外部からの放射線を遮断する。
- ・遮光ビニール : PSに光が入るのを防ぐため、全体を覆う。



- •discriminator : 入力された信号がthresholdを超えた時NIM信号を出力する。
- coincidence : すべての入力端子に同時に信号が来た場合のみNIM信号を出力する。
- •FAN : いずれかの入力端子に信号が来た場合にNIM信号を出力する。
- •gate generator : 信号が入力されたとき一定の時間幅のNIM信号を出力する。
- •veto : gateの信号が来ている間は、次の信号が入力されないようにする。
- •TDC : startに信号が入ってからstopに信号が入るまでの時間に比例した値を出力する。
- ・ADC : gateが開いている間に来た信号の時間積分である電荷に比例した値を出力する。





第3章 データ取得

表3.1:本実験の取得データ概要

18

ADCの時間変化は無視できるオーダー

図3.1: ADC2のペデスタルの時間変化

TDCの時間変動は無い

図3.2: TDC2のトリガーイベントの時間変化

TDCのチャンネル不良

TDCのチャンネルの一部が故障していた

図3.3:2月17日,2月23日 PSの時間分布

第4章 データ解析

データ解析 ~ADC calibration~ 23

下にADCの生データを記載する。511keVと1275keVのピーク及び それらのコンプトン散乱が確認できる。

24 このデータを用いて、ペデスタル(OkeV)と511keV, 1275keVの3点で calibrationを行った。その様子が次の図である。

図4.2: ADC calibration

calibrationの結果、次の式が得られた。

Energy[keV] = (ADC2 - 209.2)/2.1467 Energy[keV] = (ADC3 - 275.0)/2.1565 Energy[keV] = (ADC4 - 182.1)/2.2595

データ解析 ~TDC calibration~

下にTDC2-4の生データを記載する。これらはすべて400あたりに ピークがあり、これは各NalがPs崩壊によって発生したγ線を検出 したことを意味する。

26

そこで、これらを"各Nalが鳴った条件"として採用した。具体的には、以下の条件を用いた。

Nal2: 419<TDC2<424 Nal3: 414<TDC3<418 Nal4: 419<TDC4<424

次にTDC1の生データを記載する。このデータはPsの寿命測定に直接必要であるので、calibrationを行う必要がある。

このcalibrationに関しては、本実験とは別に100ns,200ns, 400ns,800nsのdelayをかけた信号を測定することで行った。そのデータが次である。

表4.1: TDC calibration

Time[ns]	100	200	400	800
TDC1	463.1	860.7	1666	3218

この結果から次の式が得られた。

Time[ns] = 0.2541 × TDC1

ここで、定数項は回路依存であり、また寿命測定には関係ないため無視した。

データ解析 ~TQ補正~

下にNal2における時間とエネルギーの相関図を記載する。これ を参照すると、本来同時刻に来ているpara-Ps崩壊の信号がエネ ルギーによってずれてきてしまっていることが分かる。 Time-Energy ΤE ime[ns] 10⁴ 3246092 Entries 449.1 Mean x -500 Mean v -868.2 その原因は次によるもの 276.2 RMS x RMS v 109 10^{3} -600 である。 -700 10² -800 -90010 -1000-1100^L 200 600 1600 400 800 1000 1200 1400 1800 Energy[keV] 図4.5: Time-Energy分布

28

31 discriminatorはthresholdを超えたアナログ信号をデジタル信号 に変換するものであるが、アナログ信号によってthresholdを超え るまでの遅延時間が異なる。このために、先で述べた時間とエ ネルギーの相関のずれが生じるのである。

ここで、アナログ信号の波形を三角形に近似することにより、 遅延時間ムTはエネルギーEに反比例する形になる。しかし実際 には三角形とは異なることなどを考慮して、次のTQ補正関数を 用いる。

 $\Delta T(E) = p \downarrow 0 / (E - p \downarrow 1) \uparrow p \downarrow 2 + p \downarrow 3$

(4.1)

ここで、上で述べた理由からpl2の値は1に近いことが期待される。

33 このTQ補正関数を用いてfittingした様子(Nal2におけるもの)が下 図である。

図4.7: TQ補正

fittingの結果、TQ補正関数

 $\Delta T(E) = p \downarrow 0 / (E - p \downarrow 1) \uparrow p \downarrow 2 + p \downarrow 3$

のパラメータは以下のようになった。

表4.2: TQ補正関数のパラメータ

	<i>p</i> ↓0	<i>p</i> /1	<i>p</i> ↓2	<i>p\</i> 3
Nal2	538.2	85.49	0.6614	-922.3
Nal3	590.5	75.25	0.6710	-923.1
Nal4	843.1	89.22	0.7334	-921.4

TQ補正を行った後のTime-Energy分布は以下のようである。これを見ると、時間のずれがなくなっていること

TQ補正後のオルソポジトロニウムの寿命を、関数 $p_{10\ e^{t}-Time[ns]/p_{11}\ +p_{12}}$ を用いて次の図のようにfittingした。 (4.2)

36

この結果をまとめたのが次の表である。

表4.3: TQ補正後のオルソポジトロニウムの寿命

	寿命[ns]
Nal2	96.3
Nal3	136.6
Nal4	90.1

pick-off反応とその補正

pick-off反応とは・・・ Psの中のet+が周囲の物質のet-と衝突し、 対消滅すること。

この反応があると、その時点でo-Psであっても 2γに崩壊してしまうことが起こる。

よってこの崩壊幅「lpick-offを考慮に入れる必要があり、 その補正を行う。

反応の分類

図4.10: 各反応のおおまかな分類

Pick-off反応による寿命の変化(崩壊幅の増加)を 補正するために、以下のような関数を用いた。

 $f(t) = \Gamma \downarrow pick - off / \Gamma \downarrow ortho = \Delta N \downarrow pick - off(t) / \Delta N \downarrow ortho(t)$

(4.3)

40

 $(\Gamma_{lobs} = \Gamma_{lortho} + \Gamma_{lpick-off} contended vertex (\Gamma_{lortho} vertex vertex))$

この値を計算するため、511keVのピークのイベントを用いて 規格化を行った。 その様子を次のスライドに示す。

このように規格化を行うことで、 時刻tでの511KeVのピークのイベント数を $_{ylpeak(t)}$, イベント総数を $_{s(t) \leftarrow t_{x}}$

(4.4)

と求められる。以上より

f(t) = y(t)S(0) / y(0)S(t) - y(t)S(0)

(4.5) となる。

43

● これを計算し、グラフにプロットすると、

pickoff function(Nal2)

このプロットからf(t)の形を見積もる。

時間が経つにつれ減少していて、徐々に一定値に 近づいているように見えることから、

 $f(t) = p \downarrow 0 \exp(-t/p \downarrow 1) + p \downarrow 2$

(4.6)

の形が予想される。

この式4.6を用いて、図4.10のグラフをフィッティングすると 次のようになる。

pick-off補正関数のfitting結果

表4.4: pick-off補正関数のfitting結果

46

	p ₀	p_1	p ₂
Nal2	0.807	114.9	0.206
Nal3	0.981	112.9	0.250
Nal4	0.704	231.0	0.240

まず「寿命のfitting関数」定義する。次の2式

 $dN/dt = (\Gamma \downarrow ortho + \Gamma \downarrow pick - off)N$

 $\Gamma \downarrow ortho + \Gamma \downarrow pick - off = \Gamma \downarrow ortho (1+f(t))=1+f(t)/\tau \downarrow ortho$

より計算することでfitting関数は、

 $q \downarrow 0 \ \{p \downarrow 0 \ \exp(-t/p \downarrow 1 \) + p \downarrow 2 + 1\} \exp[-1/q \downarrow 1 \ \{-p \downarrow 0 \ p \downarrow 1 \ \exp(-t/p \downarrow 1 \) + (p \downarrow 2 + 1)t\}] + q \downarrow 2$

と求めることができる (q41 が寿命を表す)。

(4.8)

(4.7)

表4.5: pick-off補正後の寿命

	寿命[ns]
Nal2	155.8±2.9
Nal3	253.7±5.1
Nal4	124.6±1.7

第5章 結果・考察・まとめ

解析の結果o-Psの寿命は誤差を含めて以下の表のようになった。

	寿命[ns]
Nal2	155.8±2.9
Nal3	253.7±5.1
Nal4	124.6±1.7

表5.1 解析の結果得た寿命とその誤差

しかし、ここで求めた結果は最後の寿命 fittingの際の誤差のみを考慮している。

TQ 補正関数、pick-off 補正関数の誤差も考慮して o-Ps の寿命の誤差を評価する。

TDCOのcalibration関数の誤差の評価

TDC0のcalibration関数の傾きの誤差は寿命に直接影響

 $Time[ns] = (0.2541 \pm 0.001565) \times TDC0 + (-19.36 \pm 2.937)$ (5.1)

誤差が+0.001565、-0.001565の時のo-Psの寿命をそれぞれτ₊、τ_とおくと、 fittingによって求められた値は以下の表のようになる。

傾きの誤差

表5.2 TDC0のcalibration関数の誤差を考慮した時のo-Psの寿命

	τ_+ [ns]	τ [ns]	$\tau_{_{-}}[ns]$
Nal2	155.5±2.9	155.8±2.9	156.4±2.9
Nal3	257.2±5.3	253.7±5.1	256.0±5.2
Nal4	122.9±1.6	124.6±1.7	123.5±1.7

したがってTDC0のcalibration関数の傾きの誤差により数%の誤差が発生することが分かる。

TQ補正関数の誤差の評価

TQ補正関数
$$\Delta T(E) = \frac{p_0}{(E-p_1)^{p_2}} + p_3$$
 (5.2)

TQ補正関数のパラメータ $p_{0, p_{1, p_{2}, p_{3}}$ はfittingによって得られるので誤差 $\delta p_{0, \delta p_{1, \delta p_{2, \delta p_{3}}}$ が生じる。この誤差はo-Psの寿命に直接影響を与える。

表5.3 fittingによって求めたTQ補正関数のパラメータおよびその誤差

	p ₀	$\delta \mathrm{p}_0$	\mathbf{p}_1	δp_1	p ₂	δp_2	p ₃	δp_3
Nal2	468.0	20.08	88.42	1.244	0.631	0.010	-922.8	0.230
Nal3	590.5	18.25	75.25	1.292	0.671	0.007	-923.1	0.183
Nal4	837.5	36.50	89.33	1.233	0.732	0.009	-921.4	0.180

計測値をx_i、計測値を用いた計算結果をyとすると

$$y = f(x_1, x_2, \dots, x_n)$$
 (5.3)

そしてyの誤差δyは、x_iの測定誤差δx_iを用いて誤差伝搬の法則より 次の式で計算できる。

$$\delta y = \sqrt{\left(\frac{\partial y}{\partial x_1}\delta x_1\right)^2 + \left(\frac{\partial y}{\partial x_2}\delta x_2\right)^2 + \dots + \left(\frac{\partial y}{\partial x_n}\delta x_n\right)^2}$$
(5.4)

以上の式を用いると、TQ補正関数の誤差δΔT(E)は以下のように求め ることができる。

$$\delta\Delta T(E) = \sqrt{\sum_{i=0}^{3} \left(\frac{\partial\Delta T}{\partial p_{i}}\delta p_{i}\right)^{2}}$$

$$= \sqrt{\left\{\frac{1}{(E-p_{1})^{p_{2}}}\delta p_{0}\right\}^{2} + \left\{\frac{p_{0}p_{2}}{(E-p_{1})^{p_{2}+1}}\delta p_{1}\right\}^{2} + \left\{\frac{-p_{0}\ln(E-p_{1})}{(E-p_{1})^{p_{2}}}\delta p_{2}\right\}^{2} + (\delta p_{3})^{2}}$$

$$= \frac{1}{(E-p_{1})^{p_{2}}}\sqrt{(\delta p_{0})^{2} + \left(\frac{p_{0}p_{2}}{E-p_{1}}\delta p_{1}\right)^{2} + (p_{0}\ln(E-p_{1})\delta p_{2})^{2} + \{(E-p_{1})^{p_{2}}\delta p_{3}\}^{2}}}$$
(5.5)

TQ補正関数ΔT(E)は求めた誤差δΔT(E)を含めるとΔT(E)±δΔT(E)で 与えられると考えることができる。 TQ補正関数の誤差δΔT(E)を考慮した場合のo-Psの寿命は以下の表の ようになる。

	$\tau_{\Delta T+\delta \Delta T} [ns]$	$\tau_{\Delta T}[ns]$	$\tau_{\Delta T-\delta \Delta T}[ns]$
NaI2	161.3±3.1	155.8±2.9	151.0±2.7
NaI3	262.2±5.5	253.7±5.1	237.2±4.6
NaI4	130.6±1.8	124.6±1.7	120.3±1.6

表5.4 TQ補正関数の誤差を考慮した時のo-Psの寿命

pick-off補正関数f(t)と寿命fittingの式g(t)を以下に示す。

$$f(t) = p_0 \exp\left(-\frac{t}{p_1}\right) + p_2 \quad (5.6)$$

$$g(t) = q_0(1+f(t)) \exp\left(-\frac{1}{q_1}\int^t (1+f(t'))dt'\right) + q_2$$

$$= q_0 \left\{ p_0 \exp\left(-\frac{t}{p_1}\right) + p_2 + 1 \right\} \times \exp\left[-\frac{1}{q_1}\left\{-p_0p_1 \exp\left(-\frac{t}{p_1}\right) + (p_2+1)t\right\}\right] + q_2 \quad (5.7)$$

 $f(t)のパラメータ p_0, p_1, p_2 にも誤差 \delta p_0, \delta p_1, \delta p_2 が生じるので TQ補正関数の時と同様にこの誤差はo-Psの寿命に直接影響を与える。$

表5.5 fittingによって求めたpick-off補正関数のパラメータおよびその誤差 58

	\mathbf{p}_0	$\delta \mathrm{p}_0$	p ₁	$\delta \mathrm{p}_1$	p ₂	$\delta \mathrm{p}_2$
Nal2	0.807	0.053	114.9	11.45	0.206	0.012
Nal3	0.981	0.112	112.9	18.28	0.250	0.025
Nal4	0.704	0.042	231.0	55.15	0.240	0.058

また誤差伝搬の法則を用いて寿命fittingの式の誤差δg(t)を求めるためにg(t)の 各パラメータに対する偏微分を以下に示しておく。

$$\begin{aligned} \frac{\partial g}{\partial p_0} &= q_0 \left[1 + \frac{p_1}{q_1} \left\{ p_0 \exp\left(-\frac{t}{p_1}\right) + p_2 + 1 \right\} \right] \times \exp\left[-\frac{1}{q_1} \left\{ -p_0 p_1 \exp\left(-\frac{t}{p_1}\right) + (p_2 + 1)t \right\} - \frac{t}{p_1} \right] \\ \frac{\partial g}{\partial p_1} &= \frac{q_0 p_0}{p_1} \left[\frac{t}{p_1} + \frac{p_1 + 1}{q_1} \left\{ p_0 \exp\left(-\frac{t}{p_1}\right) + p_2 + 1 \right\} \right] \times \exp\left[-\frac{1}{q_1} \left\{ -p_0 p_1 \exp\left(-\frac{t}{p_1}\right) + (p_2 + 1)t \right\} - \frac{t}{p_1} \right] \\ \frac{\partial g}{\partial p_2} &= q_0 \left(1 - \frac{t}{q_1} \right) \times \exp\left[-\frac{1}{q_1} \left\{ -p_0 p_1 \exp\left(-\frac{t}{p_1}\right) + (p_2 + 1)t \right\} \right] \end{aligned}$$

誤差伝搬の法則を用いると寿命fittingの式の誤差δg(t)は以下のよう に求めることができる。

$$\delta g(t) = \sqrt{\sum_{i=0}^{2} \left(\frac{\partial g}{\partial p_{i}} \delta p_{i}\right)^{2}}$$

$$= q_{0} \exp\left[-\frac{1}{q_{1}} \left\{-p_{0} p_{1} \exp\left(-\frac{t}{p_{1}}\right) + (p_{2}+1)t\right\}\right]$$

$$\sqrt{\left[1 + \frac{p_{1}}{q_{1}} \left\{p_{0} \exp\left(-\frac{t}{p_{1}}\right) + p_{2}+1\right\}\right]^{2} \exp\left(-\frac{2t}{p_{1}}\right) (\delta p_{0})^{2}}$$

$$-\frac{p_{0}^{2}}{p_{1}^{2} \left[\frac{t}{p_{1}} + \frac{p_{1}+1}{q_{1}} \left\{p_{0} \exp\left(-\frac{t}{p_{1}}\right) + p_{2}+1\right\}\right]^{2} \exp\left(-\frac{2t}{p_{1}}\right) (\delta p_{1})^{2} + \left(1 - \frac{t}{q_{1}}\right)^{2} (\delta p_{2})^{2}}$$
(5.0)

(5.8)

59

寿命fittingの式g(t)は求めた誤差δg(t)を含めるとg(t)±δg(t)で与えら れると考えることができる。 寿命fittingの式の誤差δg(t)を考慮した場合のo-Psの寿命は以下の表 のようになる。

	$\tau_{g+\delta g}[ns]$	$\tau_{g} [ns]$	$\tau_{g-\delta g}[ns]$
NaI2	160.0±3.0	155.8±2.9	151.3±2.8
NaI3	270.2±5.7	253.7±5.1	238.8±4.7
NaI4	131.4±1.8	124.6±1.7	114.6±1.6

表5.6 pick-off補正関数の誤差を考慮した時のo-Psの寿命

TQ補正、pick-off補正以外にも寿命fittingする際にも誤差が 生じる。この誤差をσ_{fitting}とおくと、以下の表のようになる。

	$\sigma_{\text{fitting}} [\text{ns}]$
Nal2	2.9
Nal3	5.1
Nal4	1.7

表5.7 寿命fittingの際に生じる誤差

TQ補正、pick-off補正、寿命fittingの誤差のまとめ

TQ 補正の誤差のみを考慮した場合の寿命の誤差を σ_{TQ} 、 pick-off 補正の 誤差のみを考慮した場合の寿命の誤差を $\sigma_{pick-off}$ 、 寿命 fitting の誤差のみを考慮した場合の寿命の誤差を $\sigma_{fitting}$ とおくと、全ての誤差を考慮した場合の誤差 σ は以下の式より求められる。

$$\sigma = \sqrt{(\sigma_{TQ})^2 + (\sigma_{pick-off})^2 + (\sigma_{fitting})^2}$$

-の店

それぞれの誤差をまとめると以下の表のようになる。

圭FO 欠 Nal に対すてー

<u> </u>					
	σ _{TQ} [ns]	σ _{pick-off} [ns]	$\sigma_{\text{fitting}}[\text{ns}]$	σ [ns]	
Nal2	5.5	4.5	2.9	7.7	
Nal3	16.5	16.5	5.1	23.9	
Nal4	6.0	10.0	1.7	11.8	

(5.9)

63

寿命fittingの式g(t)をfittingして寿命を求める際にfittingの範囲を変えると以下の表のように寿命の値は変化する。

表5.9 fittingの範囲を変更した時の寿命の値

	50~600[ns]	75~600[ns]	100~600[ns]	125~600[ns]
Nal2	155.8±2.9	177.7±4.6	189.4±7.1	208.6±11.6
Nal3	253.7±5.1	309.7±9.3	378.5±18.9	436.7±31.4
Nal4	124.6±1.7	157.8±3.0	186.2±5.4	193.8±7.2

Fittingの範囲の開始時刻を早くすればするほどo-Psの寿命が短くなるのはpick-off補正により取り除けなかったp-Psの影響が残っているためだと考えられる。

全ての誤差を考慮した結果、o-Psの寿命は以下の表のようになった。

表5.10 最終的な寿命とその誤差

	寿命[ns]
Nal2	155.8±7.7
Nal3	253.7±23.9
Nal4	124.6±11.8

o-Psの寿命の理論値 142[ns]

Nal2、Nal4はo-Psの寿命の理論値142[ns]に対して誤差を含めると肯定的な結 果が得られたが、Nal3については理論値よりかなり大きくなってしまった。その 原因として考えられるのは以下の2点である。

・立体配置の違い

•ADC3(Nal3)のpedestalが分裂していてADCcalibrationが上手くいっていない

Nal同士を入れ替えて同じ測定を行うことで以上の2点を検証するべきだったが、 解析の問題点を明らかにするのに時間がかかってしまい今回は出来なかった。

ご清聴ありがとうございました